15. Una bocca da fuoco situata 45.0 m sopra il piano orizzontale spara orizzontalmente un proiettile con la velocità iniziale uguale in modulo a 250 m/s. (a) Quanto tempo rimane in aria il proiettile? (b) A quale distanza orizzontale dal punto di sparo tocca il suolo? (c) Qual è il modulo della componente verticale della velocità al momento dell'impatto con il suolo?

Soluzione

interface(display precision = 2): restart:

$$h := 45.0$$
; $vx := 250.0$; $g := 9.8$;

$$45.0$$

$$250.0$$

$$9.8$$
(1)

Il tempo di volo e` dato da:

$$eq := h = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$$

$$45.00 = 4.90 t^2 \tag{2}$$

sol := solve(eq, t)

t := sol[2];

ovvero circa 3 s.

Il moto lungo l'orizzontale e` rettilineo uniforme (trascurando l'attrito dell'aria) :

$$s = vx \cdot t$$

$$s = 757.6144085 \tag{5}$$

ovvero circa 758 m.

Per la componente verticale della velocita` al momento dell'impatto :

$$eq := v^2 = 2 \cdot g \cdot h$$

$$v^2 = 882.00$$
(6)

$$sol := solve(eq, v)$$

$$29.70, -29.70$$
(7)

ovvero circa 29.7 m/s.