43. (II) Una molla verticale (ignorate la sua massa), la cui costante elastica è 900 N/m, è attaccata a un tavolo e viene compressa di 0.150 m. (a) Quale velocità può fornire a una palla di 0.300 kg, quando viene rilasciata? (b) A che altezza, rispetto alla sua posizione iniziale (molla compressa), può arrivare la palla?

Soluzione

interface(display precision = 2): restart:

$$k := 900.0$$
; $\Delta y := 0.150$; $m := 0.3$; $g := 9.8$;
$$900.0$$

$$0.150$$

$$0.3$$

$$9.8$$
(1)

Per la legge di conservazione dell'energia tutta l'energia potenziale elastica della molla verra` trasformata in energia cinetico-potenziale della palla, per cui :

$$EpMolla := \frac{1}{2} \cdot k \cdot \Delta y^2$$

da cui:

$$eq := \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 = EpMolla$$

$$0.15 v^2 = 10.13 \tag{3}$$

sol := solve(eq, v)

ovvero la velocita` iniziale (in verticale verso l'alto) sara` pari a 8.2 m/s.

$$eq := m \cdot g \cdot h = EpMolla$$

$$2.94 \ h = 10.13$$

$$h := solve(eq, h)$$
(5)

ovvero la palla salira` ad una altezza di rica 3.4 m.